

А.П. Кулаичев

КОМПЬЮТЕРНАЯ ЭЛЕКТРОФИЗИОЛОГИЯ И ФУНКЦИОНАЛЬНАЯ ДИАГНОСТИКА

Учебное пособие

5–е издание,
переработанное и дополненное

Допущено Учебно–методическим объединением
по классическому университетскому образованию
в качестве учебного пособия для вузов по дисциплинам
«Физиология», «Психология»

Москва
ФОРУМ — ИНФРА–М
2016

УДК 616.8, 616.12, 616.13, 612.8, 612.17, 612.13, 681.3
ББК 56.1, 53.4, 32.973
К90

ISBN 978-5-91134-148-0 (ФОРУМ)
ISBN 978-5-16-002513-1 (ИНФРА-М)

© Кулаичев А.П., 2016
© ИД «ФОРУМ», 2016

О Г Л А В Л Е Н И Е

Глава 4. Энцефалография

4.4. Методы вычислительного анализа ЭЭГ	166
4.4.1. Основы спектрального анализа	214
4.4.2. Частотные характеристики	223
4.4.3. Оценки синхронности ЭЭГ	225
4.4.4. Периодометрический анализ	225
4.4.5. Топографическое картирование	225
4.4.6. Корреляционный анализ	225
4.4.7. Фильтрация, огибающая, сглаживание	225
4.4.8. Нормопатологическая классификация	227
4.4.9. Трехмерная локализация ЭЭГ-источников	228
4.4.10. Сегментный анализ	227

4.4. Методы вычислительного анализа ЭЭГ

Основные разделы анализа ЭЭГ. Как было отмечено в разд. 1.2 (см. рис. 1.9), при анализе ЭЭГ используются наиболее сложные в вычислительном отношении спектрально–аналитические методы. Поэтому для овладения ими требуется повышенная сосредоточенность, усилие и привлечение знаний из школьной математики.



Рис. 4.13. Методы вычислительного анализа ЭЭГ

В дидактическом плане встает ряд закономерных вопросов: а) какие методы используются многими исследователями, а какие имеют локальный или поисковый характер? б) взаимосвязаны ли между собой и как именно различные методы? и так далее. В результате основные подразделы современного анализа ЭЭГ и их взаимодействие можно представить в виде схемы, приведенной на рис. 4.13.

Сначала мы лишь кратко терминологически промаркируем данную схему с последующим более подробным рассмотрением методов.

Наиболее объемный и разветвленный подраздел составляют *методы частотного или спектрального анализа* и связанные с ним подразделы. Эти методы были созданы для исследования сигналов или процессов физического и технического происхождения и лишь значительно позже они начали переноситься в области электрофизиологии.

На первом этапе по ЭЭГ–сигналу могут быть вычислены различные *частотные характеристики* (представляющие собой зависимость конкретного спектрального показателя от частоты): амплитудный спектр, спектр мощности, фазовый спектр, кросс–спектр, когерентность, когерентная мощность и другие. Вычисление этих характеристик регулируют ряд установочных (задаваемых) *параметров*: длина эпохи анализа и сдвиг эпох (вся запись ЭЭГ может быть разбита на несколько эпох с заданным сдвигом относительно друг друга), число усреднений и сглаживаний спектра, корректирующие окна (для уменьшения эффекта *вытекания мощности*). По каждой такой частотной характеристике могут быть вычислены *обобщенные спектральные показатели* в заданных диапазонах частот (например, в стандартных диапазонах: дельта, тета, альфа, бета).

Затем различные ЭЭГ–показатели по всему набору зарегистрированных отведений могут выступать исходным материалом для *топографического картирования* — наглядного представления распределения значений выбранного показателя на скальпе в многоцветной шкале. Картирование может производиться в рамках текущей эпохи анализа или в выбранном диапазоне по эпохам, на которые разбита ЭЭГ–запись. Оно может сопровождаться столбиковыми диаграммами изменения ЭЭГ–показателя по всем отведениям. Визуализация топограмм может осуществляться в трех формах: одна карта, управляемая подвижным визиром (перемещаемым по времени, частоте, диапазону, эпохе); серия карт (для некоторого интервала времени, частот, диапазонов, эпох); анимированная серия карт (мультипликация).

Далее, любые топограммы могут быть сохранены и усреднены в *картотеке*. Усреднение может проводиться дифференцированно для различных физиологических состояний, проб, заболеваний и т. п. Содержимое картотеки представляет интерес для статистической оценки попарных различий между двумя индивидуальными топограммами, между индивидуальной и усредненной или между усредненными.

И наконец, любой из рассмотренных показателей может быть использован для трехмерной локализации ЭЭГ–источников в анатомических структурах головного мозга.

Следующий самостоятельный подраздел составляет периодометрический анализ ЭЭГ. Хотя этот метод возник и широко применялся еще до внедрения методов спектрального анализа, однако он позволяет более детально исследовать распределения амплитуд и частот ритмов в заданном частотном диапазоне с построением гистограмм, вычислением показателей описательной статистики, процента содержания и модулированности ритма, его частотной нестабильности. Более того, этот метод предоставляет натуральные оценки для средней амплитуды и

частоты ритмов в отличие от косвенных оценок средствами спектрального анализа.

К подразделам дополнительного и вспомогательного характера можно отнести следующие:

- корреляционный анализ с вычислением авто- и кросс-корреляционных функций (по заданному образцу и на заданной эпохе);
- словесное заключение по отклонениям от нормы с использованием алгоритма нормопатологической классификации Е.А. Жирмунской;
- математические преобразования ЭЭГ — фильтрация, вычисление огибающей, сглаживание;
- сегментный анализ, связанный с маркированием участков стационарности ЭЭГ, оценкой межсегментной синхронности и классификацией доминирующих топографических паттернов.

Далее более детальное рассмотрение мы начнем с математических аспектов частотного (спектрального) анализа ЭЭГ, как наиболее сложного и многообразного.

4.4.1. Основы спектрального анализа

Преобразование Фурье. Математической основой частотного (спектрального) анализа является преобразование Фурье, основанное на тезисе о том, что любой сигнал может быть представлен в виде суммы определенного числа (возможно бесконечного) гармонических (синусоидально-косинусоидальных) составляющих возрастающей частоты.

Преобразование Фурье¹ осуществляет такое гармоническое разложение сигнала без какой-либо потери информации (если арифметически сложить все гармоники, то получится опять исходный сигнал). Каждая гармоника определяется тремя параметрами: амплитудой, начальной фазой и частотой.

В случае непрерывного и бесконечного по длительности сигнала его спектр также будет непрерывным и бесконечным в частотной области. На практике же мы имеем дело сигналами ограниченной длительности и дискретизированными во времени. Поэтому и результирующий спектр получается тоже дискретным и ограниченным в частотной области (состоящим из отдельных *спектральных линий*). Такое разложение дает модификация метода, называемая *дискретным преобразованием Фурье*.

В большинстве источников математические аспекты частотного анализа формулируются в обобщенном интегральном виде. Такая форма представления материала крайне затрудняет понимание его сущности, а

¹ Французский математик Жан Батист Жозеф Фурье сформулировал это преобразование в 1822 г.

ручная проверка справедливости отдельных формул и их прямая алгоритмическая реализация часто не представляются возможными. Вместе с тем кажущиеся сложными математические вопросы можно изложить намного проще, доступнее и нагляднее с использованием тригонометрического и графического представлений.

Для иллюстрации результатов анализа ЭЭГ ниже будем использовать затылочные отведения из записи, представленной на рис. 4.6а.

Из школьной математики Гармоническое колебание заданной амплитуды A и периода T может быть получено посредством вращения вектора длиной A с частотой $f=1/T$ в фазовой плоскости (рис. 4.14а). Во временной развертке изменение проекции вектора на ось ординат будет иметь вид гармонического процесса (рис. 4.14б).

Мы начинаем наблюдение за процессом в некоторый произвольный момент времени $t=0$, что соответствует положению вектора на фазовой плоскости с углом φ . Поэтому амплитуда процесса в любой момент времени t определяется выражением $x(t)=A \cdot \sin(2\pi t/T+\varphi)$ или, выражая период T через частоту f , $x(t)=A \sin(2\pi f t+\varphi)$. Отметим, что начальная фаза φ во временной развертке выражается через время t_0 : $\varphi=2\pi t_0/T$.

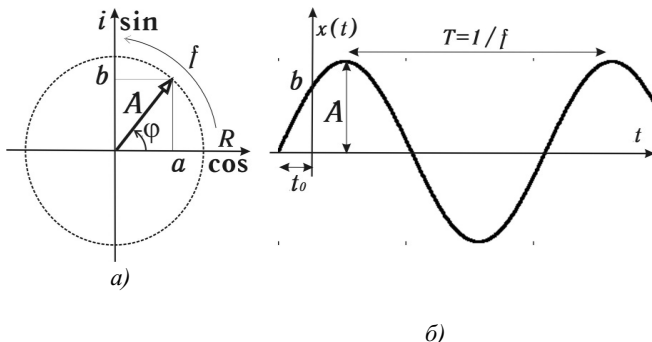


Рис. 4.14. Представление гармонического процесса:
 a — фазовая плоскость; b — временная развертка

Введем обозначение $\varphi=2\pi t/T=2\pi f t$ для текущего углового фазового сдвига φ относительно начальной фазы φ , тогда выражение для гармоники упростится: $x(t)=A \cdot \sin(\varphi+\varphi)$. Используя разложение синуса суммы двух углов, эту формулу можно преобразовать к виду:

$x(t)=A \cdot \sin\varphi \cdot \cos\varphi + A \cdot \cos\varphi \cdot \sin\varphi$, а переходя к начальным проекциям a и b вектора A на фазовой плоскости (рис. 4.14а): $a=A \cdot \cos\varphi$, $b=A \cdot \sin\varphi$, получим выражение: $x(t_i)=a \cdot \sin\varphi + b \cdot \cos\varphi$. Таким образом, гармонику можно представить в виде суммы синуса и косинуса с амплитудами a и b . Действительно, из рисунка фазовой плоскости следует, что вращение вектора A эквивалентно сумме вращений его начальных проекций a и b ,

при этом амплитуда A и фаза φ гармоники выражается через эти проекции $A = \sqrt{a^2 + b^2}$, $\varphi = \arctg(b/a)$.

Исходя из приведенных соотношений, оси абсцисс и ординат на фазовой плоскости часто называют осями косинуса и синуса или же трактуют как действительную R и мнимую i оси, при этом умножение вектора на мнимую единицу i означает его фазовый поворот на 90° .

Дискретное преобразование Фурье (ДПФ) осуществляет разложение сигнала $x(t)$, дискретизованного с частотой оцифровки F и ограниченного во времени на интервале наблюдения T , также в дискретизованный и ограниченный по диапазону частот ряд n гармонических составляющих — *спектр* (рис. 4.15).

В результате получается так называемый *образ* $X(f)$ в частотной области для *праобраз* $x(t)$ во временной области

$$X(f) = a_0 + \sum_{f=1/T}^{FT/2} (a_f + ib_f), \quad (4.1)$$

где a_0 — постоянная составляющая, среднее значение сигнала;

a_f, b_f — начальные амплитуды синусоидальной и косинусоидальной компонент f -ой гармоники;

i — мнимая единица.

Амплитуда и начальная фаза f -ой гармоники выражаются через амплитуды синусоидальной и косинусоидальной компонент:

$$A(f) = \sqrt{a_f^2 + b_f^2}, \quad \varphi(f) = \arctg(b_f/a_f). \quad (4.2)$$

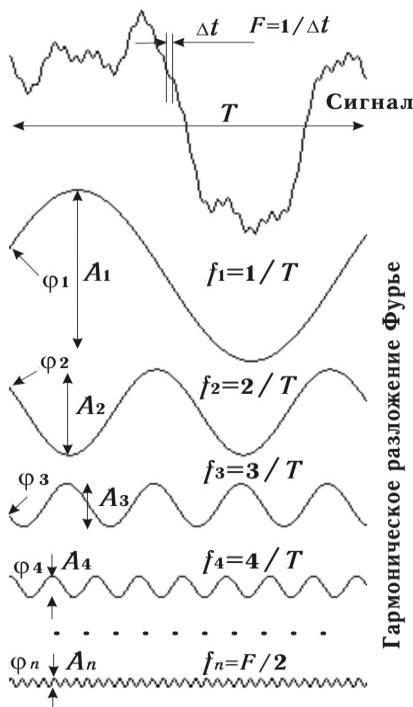


Рис. 4.15. Разложение сигнала в гармонический ряд Фурье

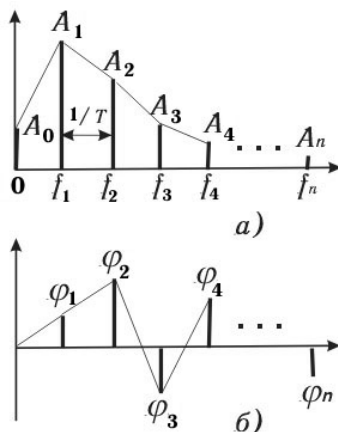


Рис. 4.16. Частотные характеристики: а — амплитудная; б — фазовая

Тем самым результат ДПФ может быть представлен двумя частотными характеристиками (рис. 4.16) — зависимостями амплитуд $A(f)$ и начальных фаз $\varphi(f)$ спектральных гармоник от частоты, амплитудным и фазовым спектрами. Результат ДПФ сохраняет всю информацию об исходном процессе

$x(t)$ и обладает важным свойством обратимости: если к $X(f)$ повторно применить ДПФ, то будет восстановлен исходный сигнал $x(t)$. Такая операция называется *обратным Фурье-преобразованием*. Это свойство можно продемонстрировать на рис. 4.15 — если для любого временного отсчета сложить амплитуды всех гармоник, то получим амплитуду исходного сигнала в этой точке.

В чисто вычислительном плане результат ДПФ состоит в следующем. На эпохе T мы имеем N отсчетов амплитуды сигнала $x(t)$, выполненных с дискретизацией Δt , иными словами имеется вектор-массив из N значений. В результате ДПФ получается новый вектор-массив из N значений, состоящий из двух частей длиной $N/2$, эти две части содержат амплитуды гармоник a_f и b_f . Повторное применение ДПФ к данному массиву восстанавливает исходный сигнал.

Оценочные показатели ДПФ

Результат ДПФ характеризуется несколькими показателями.

Разрешение по частоте. Частотная дискретизация спектра Δf является важным показателем ДПФ, называемым *разрешением по*

частоте. Он показывает, насколько детально представлен частотный спектр гармонических составляющих сигнала, насколько близко расположены *спектральные линии* (ср. рис. 4.21а и б).

Частота Найквиста. Последняя гармоника, которую можно выделить из сигнала (самая высокочастотная), имеет частоту $F/2$, где F — частота дискретизации сигнала соответственно установленному временному шагу Δt работы АЦП. Эта частота называется *частотой Найквиста*. Об этом частотном пределе говорят несколько математических теорем разных авторов в разных технических областях (в частности, теорема Котельникова). Но пояснение может быть более простым. Чтобы как-то зарегистрировать гармонику и оценить ее амплитуду, мы должны произвести не менее двух измерений на каждом из ее периодов (рис. 4.17). То есть частота измерений должна быть не менее чем вдвое выше частоты гармоники.

Ширина полосы. Таким образом, выделяемый из сигнала для последующего анализа частотный диапазон гармонических составляющих простирается от $1/T$ до $F/2$ и является вторым важным показателем ДПФ, называемым *шириной полосы*. Общее же число выделенных гармоник n равно отношению верхней частоты f_n к шагу частотной дискретизации Δf , т. е.: $n = F \cdot T/2 = N/2$, где N — в число отсчетов амплитуды, зарегистрированных на интервале наблюдения T .

Точность оценки амплитуды спектра возрастает от крайних гармоник к центральным.

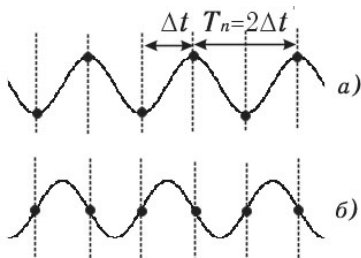


Рис. 4.17. Оценка амплитуды гармоники $F/2$:
а — точное значение; б — нулевое значение

Рассмотрим сначала высокочастотную гармонику $F/2$, период которой в 2 раза длиннее интервала дискретизации. По случайным причинам сдвига фазы гармоники относительно начала измерений мы можем иметь два крайних варианта (рис. 4.17): можно попадать измерениями всегда в максимумы и минимумы гармоники или же всегда в точки средних значений. В первом случае мы получим точную оценку амплитуды гармоники, а во втором случае — нулевое значение амплитуды. Все остальные сдвиги фазы будут покрывать область промежуточных точностей между этими граничными случаями. При переходе к более длиннопериодическим гармоникам будет все большее число измерений на каждом периоде, и вероятность точной оценки амплитуды гармоники будет увеличиваться.

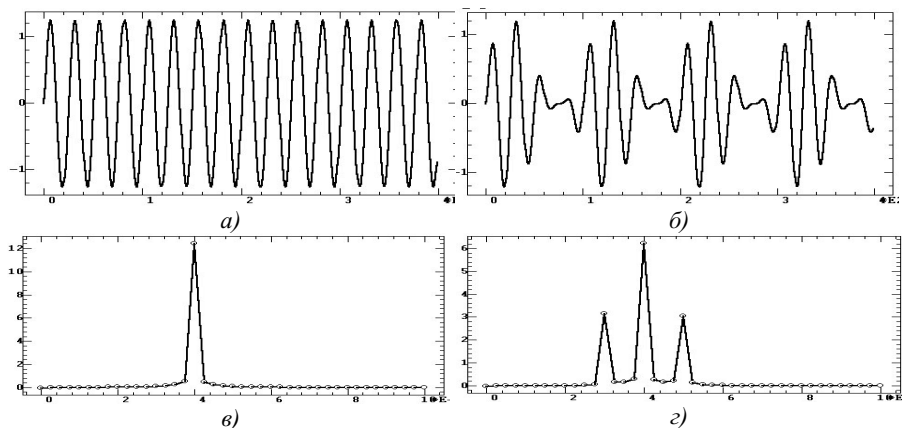


Рис. 4.18. Влияние амплитудной модуляции:

а, б — моногармонический и модулированный сигналы; *в, г* — их амплитудные спектры

Посмотрим, что происходит на другом низкочастотном краю $1/T$. Там мы имеем только один наблюдаемый период гармоник. Но эта гармоника вполне может быть модулирована по амплитуде составляющей более низкой частоты (рис. 4.18б). Пусть наш интервал наблюдения T составляет менее $1/4$ временного диапазона на рис. 4.18б. Тогда своим наблюдением мы можем случайно попасть как в период максимума модуляции, так и в период минимума, получая разные оценки амплитуды этой гармоник. При увеличении же частоты гармоник мы наблюдаем все больше ее периодов и все менее становимся зависимы от эффектов низкочастотной амплитудной модуляции.

Планирование исследования. Естественным желанием исследователя является расширение частотной полосы, увеличение разрешения по частоте и повышение точности измерения амплитуды гармоник в интересующем его диапазоне частот. Увеличение верхней границы полосы может быть достигнуто повышением частоты дискретизации F . Для увеличения точности вычисления амплитуд верхних гармоник желательно иметь 30–40%-ный запас. Поскольку обычно исследователя интересуют гармоник ЭЭГ до 32 Гц (диапазон *бета-2*), то достаточно использовать $F = 2 \cdot 32 \cdot 1,4 = 89,6$ Гц. Поэтому типовые частоты дискретизации ЭЭГ в 100 и 128 Гц вполне обеспечивают необходимый запас точности. Сдвиг же полосы в низкочастотную область и увеличение разрешения по частоте возможно лишь за счет увеличения интервала наблюдения T , а это невозможно при необходимости анализа изменения ЭЭГ на кратковременных отрезках.

Модификации ДПФ

Быстрое преобразование Фурье (БПФ). Алгоритм БПФ является одним из вариантов ДПФ, позволяющим получить результат с

минимумом простых арифметических операций. Со времени своего первого опубликования в 1965 г. он произвел коренной переворот в анализе сигналов на базе компьютерных и микропроцессорных систем.

Наиболее эффективен вариант алгоритм БПФ по основанию 2^2 . Впоследствии была найдена еще более быстрая модификация этого алгоритма — *преобразование Хартли*. При применении этих алгоритмов анализируемая эпоха должна быть кратна степени 2, т. е. включать 256, 512, 1024, 2048, 4096 и т. д. дискретных отсчетов сигнала. С другой стороны, чтобы такие эпохи выражались во временном измерении в целых числах и результаты в частотном измерении тоже выражались в целых числах, желательно частоту регистрации сигналов также устанавливать кратной степени числа 2.

Некоторые дополнительные аспекты применения БПФ, связанные с целочисленной арифметикой, увеличением масштаба частоты и быстройдействием, рассмотрены в [44].

Погрешности ДПФ

Вытекание мощности. Эффект *вытекания мощности* или *утечка* выражается в уменьшении амплитуды высоких спектральных пиков и появлении у них ложных боковых составляющих постепенно уменьшающейся амплитуды. Непонимание этого явления может привести ко многим неприятностям и научным казусам подобно открытию взаимосвязи между амплитудами альфа и бета активностью ЭЭГ (этот пример подробно рассмотрен в [38, 43]).

Для объяснения механизма возникновения эффекта утечки в математических работах [13, 17, 20] используются различные сложные для восприятия термины: наложение прямоугольного окна, разрывы сигнала на концах, явление Гиббса, боковые лепестки и др. Однако возможно намного более простое, понятное и наглядное объяснение данного явления.

Возьмем некоторую, пока гармонику с частотой f_i , реально существующую в зарегистрированном сигнале. Все дело состоит в том, насколько хорошо эта гармоника укладывается своим периодом $T_i = 1/f_i$ в интервал наблюдения T . Если гармоника укладывается на T точно целым числом своих периодов, то она однозначно выделяется алгоритмом ДПФ, попадая точно в имеющуюся спектральную линию с порядковым номером T/T_i (напомним, что эти линии следуют с дискретизацией $1/T$). Амплитуда гармоники оценивается точно, никакого эффекта утечки нет и на АЧХ наблюдается единственный пик на частоте f_i . На рис. 4.19а на канале 1

² В этом случае исходная матрица решаемого уравнения размером N разлагается на $\log_2 N$ индивидуальных матриц, благодаря чему число необходимых операций умножения уменьшается с N^2 до $N^* \log_2 N$.

представлена именно такая гармоника. В результате спектрального анализа (рис. 4.19б) на этом канале мы имеем единственный пик и его амплитуда равна истинному значению амплитуды гармоники.

Если же гармоника укладывается на T точно полуцелым числом своих периодов, то она попадает в середину между двумя спектральными линиями и не может быть представлена в спектре одной гармоникой. Алгоритм ДПФ воспринимает такую гармонику как сложный, составной сигнал и осуществляет разложение этого на сумму гармонических составляющих. Отсюда соседние спектральные линии получают свои, все уменьшающиеся «куски» от истинной амплитуды такой гармоники — возникает *утечка мощности* из спектрального пика. Пример такой гармоники с полуцелым числом периодов на эпохе анализа приведен на рис. 4.19а на канале 2. В спектре (рис. 4.19б) мы наблюдаем широкую размытость пика со значительным снижением его амплитуды.

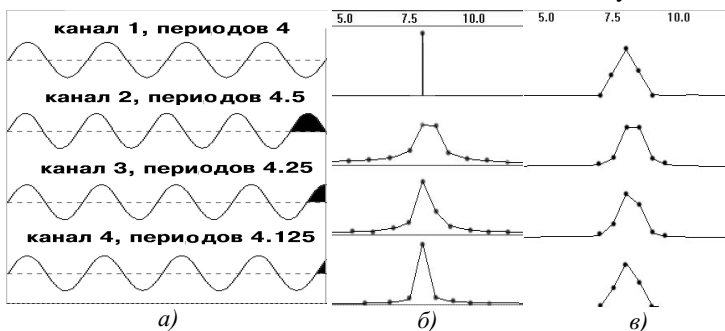


Рис. 4.19. Эффект утечки:

а — четыре моногармонических сигнала с разным числом периодов на эпохе анализа; *б* — спектральные пики; *в* — спектры с коррекцией окном Ханна

При множестве промежуточных вариантов между этими двумя крайними случаями утечка также может варьироваться от максимальной до минимальной. Примеры этому на рис. 4.19а являются гармоники по каналам 3, 4, частоты которых все более приближаются к левой спектральной линии. В спектре (рис. 4.19б) для этих гармоник мы наблюдаем все меньшую размытость пика с увеличением его амплитуды (максимальные амплитуды спектра для каналов 2—4 рис. 4.19 составляют 64, 85 и 98% от истинного максимума). Боковые гармоники утечки называются также *боковыми лепестками*, поскольку в комплекснозначном представлении они чередуются в противофазе, напоминая листья на ветке.

При очень мощных спектральных пиках их утечка может простираться достаточно далеко, искажая близлежащие пики и затрагивая даже соседние частотные диапазоны. Так в случае эпохи анализа 2 с для гармоники с полуцелым числом периодов (канал 2 на рис. 4.19) утечка на расстоянии 5 Гц от основного пика 8,25 Гц (т. е. в соседнем бета-диапазоне) достигает до 5% его истинного максимума. Поэтому при

обработке результатов можно вполне обнаружить ложный эффект синхронного изменения активности в двух соседних, высоко- и низкоамплитудных частотных диапазонах.

Борьба с утечкой. Обычно рассматриваются три основных способа борьбы с утечкой:

- предварительная фильтрация сигнала;
- увеличение разрешения по частоте;
- использование корректирующих окон.

Фильтрация сигнала с оставлением полосы в интересующем исследователя диапазоне частот позволяет исключить влияние утечки из соседних диапазонов. Однако при необходимости совместного анализа всех диапазонов и большом объеме обрабатываемых данных этот метод становится достаточно трудоемким.

Увеличение разрешения по частоте позволяет уменьшить вредное влияние утечки, поскольку спектральные линии становятся ближе, уменьшая тем самым частотный интервал влияния утечки. Однако это требует увеличения эпохи анализа, что неприемлемо в исследованиях кратковременных отрезков ЭЭГ.

Корректирующие окна представляют собой куполообразные функции с максимумом в своей середине и амплитудой 1, с нулевым значением на своих концах и шириной, равной длине реализации сигнала (рис. 4.20б). На это окно умножается анализируемая реализация сигнала, после чего она приобретает тоже куполообразный вид (рис. 4.20в). Фактически эта операция эквивалентна низкочастотной амплитудной модуляции (ср. рис. 4.18б). Такое окно в спектральной области имеет свою собственную *утечку* с боковыми лепестками, которые могут находиться в противофазе с лепестками утечки сигнала (здесь имеется в виду противофаза спектра при его комплекснозначном представлении, см. рис. 4.14а), тем самым взаимно компенсируя друг друга. В результате такой операции утечка из пика уменьшается, он как бы стягивается, поджимается в более прямоугольную форму (ср. рис. 4.19б и в, канал 2)³.

³ При реализации корректирующих окон следует также учитывать два важных момента: 1) при ненулевом среднем значении сигнала применение окна вызывает ложные пики в нижних частотах, поэтому необходима предварительная коррекция нуля сигнала; 2) при умножении на куполообразное окно уменьшается средняя амплитуда сигнала, что приводит к систематическому занижению амплитуд спектра, поэтому необходима коррекция результирующего спектра умножением его амплитуд на отношение площади прямоугольного окна к площади корректирующего окна.

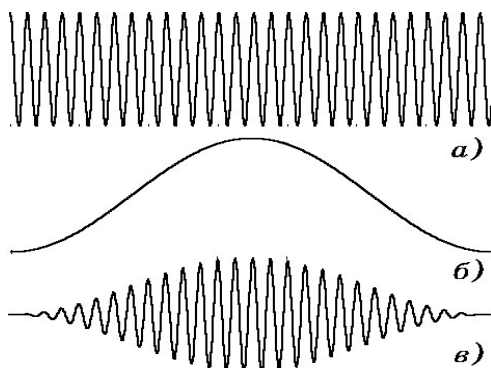


Рис. 4.20. Применение окон:
 а — моногармонический сигнал; б — окно Ханна; в — результат умножения сигнала на окно

В области технических наук было предложено множество окон, различающихся по степени уменьшения размытости спектральных пиков, по крутизне их спада и по увеличению амплитуды: Бартлетта, Ханна, Хемминга, Гауссова, Чебышева, Блекмана–Харриса, Кайзера–Бесселя и др. Наиболее известным из них является окно *фон Ханна*, впервые использовавшем его при обработке метеорологических данных.

Оно имеет во временной области вид косинусной функции (рис. 4.20б):

$$x_i' = 0,5 * x_i * (1 + \cos(t)), \quad (4.12)$$

где x_i, x_i' — амплитуды исходного и взвешенного сигнала;

$$t = 2 * \pi * (i - n/2) / n; \quad i = 1, 2, \dots, n.$$

Дополнительные сведения о корректирующих окнах и рекомендации по их выбору приведены в [29].

Однако в литературе не обращается внимание на важный и принципиальный недостаток корректирующих окон: они совершенно одинаково действует на любые пики. Поэтому уменьшение утечки наблюдается только для тех истинных спектральных пиков процесса, которые при ДПФ попадают в середину интервала между спектральными линиями (см. рис. 4.19в, канал 2). В случае же близости пиков к спектральной линии они вызывают обратный негативный эффект уширения спектрального пика с понижением его амплитуды (ср. рис. 4.19б и в по каналам 1, 3, 4). Тем самым окна в среднем в 50% дают позитивный эффект, а в 50% случаев — негативный эффект (по крайней мере, в плане амплитудных искажений). Кроме того, максимальная амплитуда после применения окон всегда уменьшается (от 50% до 35% для примеров рис. 4.19). Для технических приложений подобные эффекты не критичны, поскольку там окна преимущественно применяются в целях различения двух источников, действующих на близких частотах, что для ЭЭГ совершенно неактуально.

Все это обосновывает рекомендацию отказаться от некритического переноса и использования корректирующих окон в исследованиях ЭЭГ.

Амплитудная модуляция. ЭЭГ сигналы являются нестационарными и в отличие от большинства сигналов технического и физического

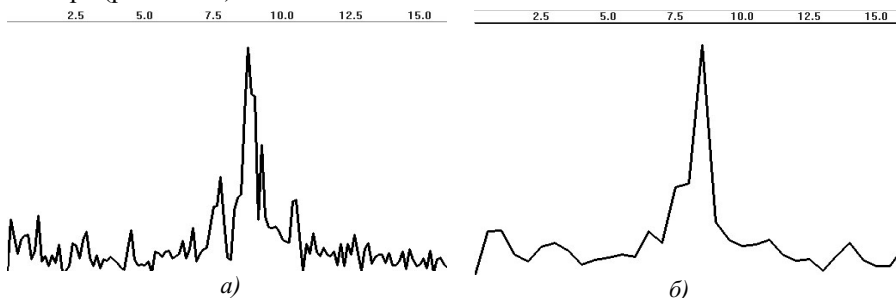
происхождения характеризуются амплитудной модуляцией, что приводит к дополнительным искажениям спектров. На рис. 4.18 приведены моногармонический и амплитудно модулированный сигналы и их амплитудные спектры. При вычислении спектра модуляция проявляется появлением боковых пиков половинной амплитуды (рис. 4.18г), при этом амплитуда основного пика уменьшается (по сравнению с немодулированным сигналом) пропорционально соотношению амплитуд в максимуме и минимуме модуляции. Тем самым при модуляции в спектре появляются дополнительно еще два искажения: амплитудное и частотное⁴. Расстояние между основным и боковыми пиками (измеренное в числе спектральных линий) определяется тем, сколько периодов модуляции помещается на эпохе анализа. Тем самым боковые пики могут проникать далеко в соседние частотные диапазоны, превнося в них дополнительные искажения.

4.4.2. Частотные характеристики

Частотные характеристики могут относиться к одному сигналу (автоспектры) или же отражать взаимодействие двух сигналов (кросс-спектры).

Амплитудно–частотная характеристика (АЧХ) или амплитудный спектр $A(f)$ является наиболее информативной и наиболее используемой в биологических и медицинских исследованиях частотной характеристикой.

На рис. 4.21 приведены примеры спектров ЭЭГ. Как видно из сравнения рис. 4.21а и б, уменьшение эпохи анализа ведет к значительному снижению детализированности спектра (разрешения по частоте). С другой стороны, большое разрешение ведет к появлению различных случайных флуктуаций (вследствие влияния вытекания мощности, модуляции и др.), для нивелирования которых может оказаться полезным сглаживание спектра (рис. 4.21в).



⁴ Отметим, что в литературе по анализу ЭЭГ этим искажениям не уделяется внимание, а в технических приложениях этот эффект не трактуется как нежелательный.

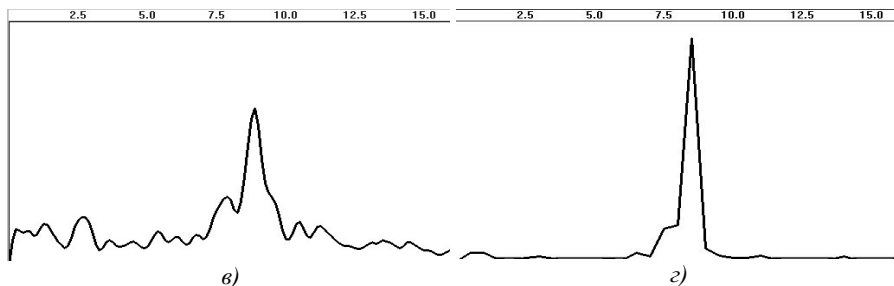


Рис. 4.21. Спектры ЭЭГ с доминированием альфа-ритма на частоте 8 Гц: а — АЧХ на эпохе 8 с; б — АЧХ на эпохе 2 с; в — АЧХ на эпохе 8 с с тремя сглаживаниями; г — спектр мощности на эпохе 2 с

Фазо-частотная характеристика (ФЧХ) или фазовый спектр

$\varphi(i)=f(f_i)$ представляет зависимость фаз спектральных гармоник (по оси Y) от частоты (по оси X). Следует учитывать, что график ФЧХ (см. рис. 4.22б) строится в области значений Y от 180° до -180° , поэтому при непрерывном изменении фазы с выходом за эти границы он продолжается с другой стороны графика, что создает иллюзию появления ложных пиков. В исследованиях ЭЭГ ФЧХ практически не используется, поскольку ранние исследования не выявили ее значимых корреляций с физиологическими процессами.

Спектр мощности $P(i)=f(f_i)$ представляет собой амплитудный спектр, возведенный в квадрат $P(i)=A(i)^2$.

Однако у спектра мощности по сравнению с АЧХ есть четыре принципиальных недостатка: 1) интуитивно понятно, что амплитуда спектральных гармоник измеряется в милливольтгах регистрируемого на скальпе напряжения, но далеко не просто понять, что означают измерения, выполненные в милливольтгах в квадрате; 2) человеческий ум легко ориентируется в линейных соотношениях между несколькими переменными или измерениями, однако ему намного труднее воспринимать нелинейные соотношения (в данном случае квадратичные); 3) если сравнить графики АЧХ и спектра мощности (см. рис. 4.21б и г), то на последнем будут доминировать лишь отдельные пики (чаще всего — один главный пик), остальные же будут иметь пренебрежительно малую величину, тем самым соотношения взаимной значимости различных спектральных составляющих будут визуальным и численно резко искажены; 4) сам термин *спектр мощности* некорректен, поскольку электрическая мощность определяется как $P=U \cdot I=U^2/R$, и измеряется не в вольтах в квадрате, а в вольт-амперах, ваттах.

Вычисление мощности ЭЭГ получило распространение в докомпьютерную эпоху в связи с использованием анализаторов на аналоговых фильтрах, на выходе которых измерялась электрическая мощность. Поэтому спектральную оценку мощности стали использовать в

целях сравнимости с ранее полученными результатами. Однако спектр мощности следует признать архаичной и неадекватной человеческому восприятию характеристикой.

Вместе с тем, несложное статистическое моделирование показывает, что при использовании амплитудных и мощностных спектральных оценок для выявления достоверных выборочных различий уровни значимости нулевых гипотез практически не различаются.

Малая чувствительность к точности исходных данных.

Результаты спектрального анализа поразительно устойчивы к изменению точности представления исходных данных. Дело в том, что при вычислении любой спектральной гармоники производится n усреднений амплитуды сигнала, где n — число отсчетов на эпохе анализа. А в ходе усреднения устойчивость результата к точности представления исходных данных многократно возрастает (пропорционально корню из n , где n — число усреднений).

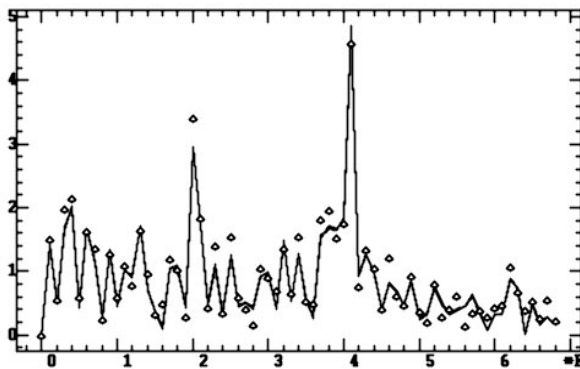


Рис. 4.22. Четыре спектра на эпохе 1024 при различной точности исходных данных. Три спектра при динамическом диапазоне ЭЭГ в 12, 9, 5 и 2 двоичных разрядов (изображены линиями) зрительно неразличимы. Спектр при динамическом диапазоне ЭЭГ в два двоичных разряда для визуального отличия представлен ромбиками

В этом легко убедиться, выполнив простой эксперимент. Возьмем типичную ЭЭГ-запись с несколькими выраженными пиками в низкочастотных диапазонах, полностью использующую весь динамический диапазон 12-разрядного АЦП (диапазон ± 2048 в десятичном исчислении).

Возьмем среднюю эпоху анализа в 1024 отсчета (при частоте дискретизации 128 Гц это будет соответствовать 8 с). Далее выполним спектральный анализ для исходной записи (a) и трех ее модификаций (b , c , d), в которых последовательно обнулили три, семь и десять младших двоичных разрядов. Далее вычислим и построим четыре спектра (рис. 4.22). Как видно, величины различий невелики.

Для количественной оценки вычислим разности спектров $b-a$, $c-a$, $d-a$, нормируем их на максимальную амплитуду спектра a в процентах и вычислим среднее значение, стандартное отклонение и максимальное отклонение. Получаем: b) $0,035 \pm 0,026\%$, $\max=0,12\%$; c) $0,34 \pm 0,24\%$,

$\max=1,4\%$; $d) 3,5\pm 2,4\%$, $\max=11\%$. Особенно поразителен последний результат d , поскольку в исходных данных мы оставили всего лишь два значащих двоичных разряда. И, несмотря на это, мы получили в среднем всего лишь $3,5\%$ различия амплитуд этого спектра от точных значений. На выделение доминирующих гармоник и сопоставление различных спектров такая погрешность принципиально не скажется.

Кросс-спектр двух процессов $x(t)$ и $y(t)$ вычисляется как произведение спектра $X(f)$ на спектр $Y(f)$ в его комплексно сопряженной форме $Y^*(f)$:

$$XY(f) = X(f) \times Y^*(f) = e_0 + \sum_{f=1/T}^{FT/2} (e_f + i g_f) \quad (4.3)$$

$$\text{Имея } X(f) = a_0 + \sum_{f=1/T}^{FT/2} (a_f + i b_f), Y^*(f) = c_0 + \sum_{f=1/T}^{FT/2} (c_f - i d_f) \text{ и}$$

выполняя их почленное умножение получаем выражения для действительных и мнимых компонент кросс-спектра:

$$e_f = a_f c_f + b_f d_f; \quad g_f = a_f d_f - b_f c_f \quad (4.5)$$

Отсюда амплитуда кросс-спектра равна:

$$A_{xy}(f) = \sqrt{e_f^2 + g_f^2} = \sqrt{(a_f^2 + b_f^2)(c_f^2 + d_f^2)} = A_x(f) A_y(f) \quad (4.6)$$

то есть равна произведению амплитуд спектров двух процессов. Однако здесь, как и в случае спектра мощности, мы получаем квадратичную оценку в мкВ^2 . Поэтому при построении графиков кросс-АЧХ полезно использовать линейную шкалу $\sqrt{A_{xy}(f)}$.

График кросс-АЧХ (рис. 4.23а) наглядно показывает, на каких частотах в обоих процессах присутствуют высокоамплитудные и сравнимые по величине гармоники. Как видно из рис. 4.23а, основные амплитуды кросс-спектра сосредоточены в районе 8 Гц альфа-диапазона, что типично для затылочных отделений ЭЭГ в состоянии релаксации. Кроме того, пики взаимной активности меньшей амплитуды наблюдаются в диапазонах дельта и тета. Из-за высокого разрешения по частоте график содержит много случайных флуктуаций, поэтому может оказаться полезным его сглаживание. В исследованиях ЭЭГ кросс-АЧХ как оценочный показатель самостоятельного применения не получил.

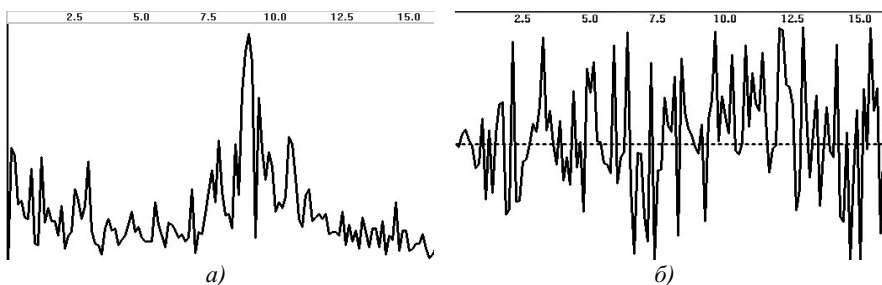


Рис. 4.23. Кросс-спектры ЭЭГ:

а — амплитудный; б — фазовый

Кросс-фазовый спектр $\varphi_{xy}(f) = \arctg(g_f/e_f)$ после подстановки выражений (4.6) для g_f и e_f и несложных тригонометрических преобразований представим в виде $\varphi_{xy}(f) = \varphi_x(f) - \varphi_y(f)$, то есть является разностью фаз двух спектров.

Как видно из рис. 4.23б, изменение кросс-фазы носит достаточно случайный характер в связи с влиянием эффектов вытекания мощности, амплитудной модуляции и переходов фазы через границы $-180^\circ \div 180^\circ$, что затрудняет ее использование и интерпретацию.

На начальном этапе исследований кросс-фазу как разность фаз двух процессов пытались интерпретировать как индикатор временной задержки в передаче взаимодействия от одного процесса к другому. Однако значимых результатов в этом направлении получено не было, и кросс-фаза в современных исследованиях практически не используется.

Когерентность. Еще одной кросс-спектральной характеристикой является функция когерентности, и именно она практически используется для оценки степени взаимосвязи двух процессов (подробнее в разд. 4.4.3).

Неоднозначность интерпретации. В отношении рассмотренных и других показателей связи двух процессов следует подчеркнуть, что они могут выступать индикаторами таких связей, но не определять их направление и источники.

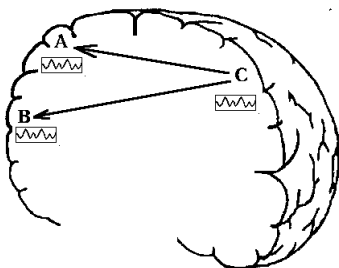


Рис. 4.24. К неоднозначности оценок связи ЭЭГ-процессов

Пусть мы регистрируем ЭЭГ в двух отведениях *A* и *B* (рис. 4.24) и в результате кросс-спектрального анализа обнаруживаем большую аутентичность этих процессов. Однако реально между этими отведениями может не существовать никакой причинной связи, а аутентичность их определена влиянием источника *C* в другой области головного мозга, анатомически связанного с обоими отведениями *A* и *B*.

Обобщенные спектральные показатели

Как было отмечено выше, амплитудный спектр является основной используемой в исследованиях ЭЭГ частотной характеристикой. Однако вследствие погрешностей ДПФ амплитуды отдельных гармоник подвержены влиянию случайных факторов как в отношении их последовательного распределения по частотам, так и на последовательных эпохах анализа (рис. 4.25).

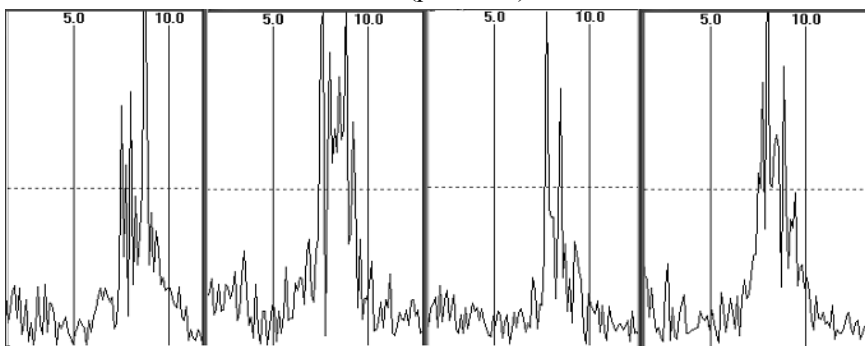


Рис. 4.25. Случайная вариабельность амплитуд спектральных гармоник на четырех последовательных эпохах длительностью 8 с в затылочном отведении О2

Тем самым эти амплитуды не могут использоваться в качестве оценочных показателей. Более того, поскольку ЭЭГ не является суммой гармонических колебаний, а нейронные структуры не являются гармоническими осцилляторами, то амплитуды отдельных гармоник лишены физиологического смысла. Поэтому, по крайней мере, в отношении статистической устойчивости более предпочтительно использование усредненных амплитудных и частотных оценок.

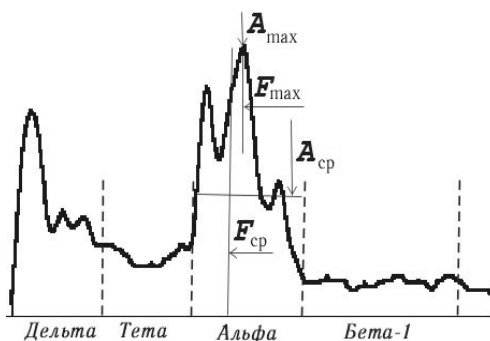


Рис. 4.26. Обобщенные спектральные показатели на примере альфа-диапазона

частотном диапазоне;

F_{\max} — частота максимальной по амплитуде гармоники;

A_{cp} — средняя амплитуда спектра в частотном диапазоне;

На основе любой частотной характеристики могут быть вычислены обобщенные спектральные показатели для всех интересующих исследователя частотных диапазонов. В качестве таких показателей в ЭЭГ-анализаторах обычно фигурируют следующие (рис. 4.26):

A_{\max} — максимальная амплитуда спектра в

$F_{\text{ср}}$ — средневзвешенная частота, соответствует центру тяжести фигуры, ограниченной кривой спектра в диапазоне, вычисляется по формуле:

$$F_{\text{ср}} = F_1 + (F_1 - F_m) \frac{1}{mA_{\text{ср}}} \sum_{i=1}^m A_i i, \quad (4.13)$$

где m — число гармоник в частотном диапазоне; F_1, F_m — частотные границы диапазона; A_i — амплитуда i -й гармоники;

В практике из этих показателей наиболее часто используется оценка $A_{\text{ср}}$.

Недостатки. Следует отметить, что рассмотренным показателям, как косвенным амплитудным и частотным оценкам ЭЭГ, свойственен ряд погрешностей и случайных флюктуаций, присущих самим частотным характеристикам (см. выше). Поэтому предпочтительнее использовать натуральные оценки периодометрического анализа (разд. 4.4.4) или огибающей ЭЭГ (разд. 4.4.7).

Анализ по эпохам и усреднение спектров

Для исследования временной эволюции спектральных показателей продолжительную ЭЭГ-запись разбивают на последовательные эпохи более короткого размера, на каждой из которых выполняется частотный анализ. Часто для получения более гладких зависимостей от времени эпохи выбирают с определенным взаимным перекрытием (до 50% и более). Для наглядного визуального представления эволюции избранного показателя обычно используют форму столбиковых диаграмм по эпохам (горизонтальная ось времени) с построением серии диаграмм в порядке отведений (рис. 4.47, 4.48). Другим способом представления результатов является серийное топографическое картирование по эпохам (рис. 4.52) или в режиме динамической мультипликации.

Для выявления наиболее стабильных спектральных составляющих на длительных временных интервалах вычисляют усредненные по эпохам частотные характеристики (усреднение производится для каждой спектральной гармоники по отдельности).

4.4.3. Оценки синхронности ЭЭГ

В предыдущем разделе было показано, что одной из основных используемых в практике показателей ЭЭГ является амплитуда ее изменения в отдельных отведениях, которая может быть оценена по амплитудному спектру. Вторым практически важным показателем ЭЭГ является оценка взаимосвязи, взаимовлияния, взаимодействия процессов в парах отведений. Для этого используются различные показатели синхронности ЭЭГ, наиболее известным из которых является функция когерентности.

Когерентность

Когерентность является ярким примером неадекватного и некритического переноса кросс–частотной характеристики из технических и физических приложений в исследования ЭЭГ, где она с 1950-х годов стала широко и доминантно использоваться для оценки синхронности двух процессов ЭЭГ (более детальные обоснования изложены в [47]). В своих же базовых областях функция когерентности используется только для *стационарных* процессов и как сугубо второстепенная характеристика — только для оценки значимости других кросс–спектральных характеристик и для определения меры влияния шума и/или нелинейности этих функций⁵. Более того, во времени затерялось, для чего и кем была введена функция когерентности⁶.

Уже само определение когерентности во многих фундаментальных источниках [13, 17, 19, 22] запутано и противоречиво, включая и формулы, тождественно равные единице. Поэтому, развивая определение из [20], дадим корректное математическое выражение для когерентности.

Будем использовать обозначение $E[...]$ для операции усреднения спектров на непересекающихся эпохах (метод Бартлетта усреднения *по ансамблю*). Тогда выражение для квадрата когерентности будет иметь вид:

$$\gamma^2(f) = \frac{|E[XY(f)]|^2}{E[|X(f)|^2]E[|Y(f)|^2]}, \quad (4.7)$$

где $|E[XY(f)]| = \sqrt{E[e]^2 + E[g]^2} = \sqrt{E[ac + bd]^2 + E[bc - ad]^2}$ — геометрическое усреднение векторов кросс-спектра по эпохам, $E[|X(f)|^2] = E[a^2 + b^2]$ —

арифметическое усреднение векторов авто-спектров.

Наглядная интерпретация выражения (4.7) затруднительна, поэтому рассмотрим модифицированное определение, которое назовем *фазовой когерентностью*.

$$\gamma_\phi^2(f) = \frac{|E[XY(f)]|^2}{E[|X(f)|^2 \cdot |Y(f)|^2]} = \frac{|E[XY(f)]|^2}{E[|XY(f)|^2]}. \quad (4.8)$$

⁵ Цитируем [20]: Малые значения когерентности могут указывать на незначимость на данной частоте других кросс–спектральных характеристик или являться признаком необходимости увеличения числа усреднений для ликвидации влияния шума.

⁶ Развитие когерентного анализа преимущественно было инициировано работами Н. Винера в 1928-1930 гг. [Wiener N. Generalized harmonic analysis. Acta Math. 1930, 55:182–195] применительно к задачам оптики и квантовой механики, крайне далеких от исследований ЭЭГ.

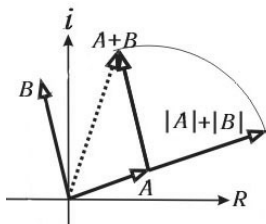


Рис. 4.27. Сложение векторов в комплексной форме и по модулю

Его смысл поясним на фазовой плоскости (рис. 4.27), где имеются два вектора кросс-спектра A и B с разными фазовыми углами для двух последовательных эпох. При сложении в комплексной форме вектор B геометрически переносится к концу вектора A , и результат сложения определяется длиной замыкающего вектора $A+B$. При сложении по модулю $|A|+|B|$ арифметически складываются длины двух векторов. Понятно, что в общем случае результат комплексного сложения будет меньше

результата сложения по модулю, т. е. фазовая когерентность будет меньше единицы. Увеличив в нашем рассуждении число векторов, мы поймем, что такая когерентность характеризует степень *синфазности* двух процессов или стабильности разности фаз векторов их индивидуальных спектров во времени. При большой стабильности она близка к единице, а при произвольных вариациях направленности она близка к нулю.

Отсюда предполагается, что при наличии физиологической связи между двумя отведениями сигнал от одного отведения к другому будет передаваться с достаточно стабильной задержкой во времени (или стабильным фазовым сдвигом), что будет приводить к большому значению когерентности. Однако ЭЭГ не является суммой гармонических колебаний, а нейронные структуры не являются гармоническими осцилляторами, поэтому когерентная оценка конкретных гармоник в двух отведениях не имеет физиологического смысла.

Сложнее обстоит дело с классической когерентностью (4.7), поскольку она достаточно адекватно оценивает степень фазовой стабильности только при близких по величине амплитудах кросс-спектра на соседних эпохах. При сильном различии амплитуд она дает завышенные значения (в 1.5 и более раз). Такой показатель, непонятно что и в каком соотношении оценивающий, метрологически не может быть квалифицирован как измерительный инструмент.

Итак, для вычисления когерентности необходимо усреднение нескольких векторов кросс-спектра, иначе результат будет тождественно равен единице. Для этого всю запись ЭЭГ предварительно разбивают на несколько последовательных эпох меньшего размера, на каждой из которых вычисляют кросс-спектр. Для статистической устойчивости оценок надо использовать не менее 8—10 таких эпох, что делает когерентность неприемлемой для анализа ЭЭГ на коротких временных отрезках.

При этом значения когерентности будут меняться в зависимости от нескольких от нескольких изначально выбранных условий или

установочных параметров: 1) число эпох в анализируемом участке ЭЭГ; 2) величина перекрытия или временного сдвига эпох; 3) использование корректирующих окон при вычислении спектров; 4) использование сглаживания исходных спектров; 5) использование квадратичной γ^2 или неквадратичной γ формы когерентности. Такой показатель, значения которого зависят от нескольких установочных параметров (или «регулирующих ручек»), метрологически не может быть квалифицирован как измерительный инструмент.

В фундаментальных трудах часто утверждается, что когерентность отражает линейную связь двух процессов в частотной области аналогично тому, как обычный коэффициент корреляции r_{xy} отражает степень линейной взаимосвязи двух процессов во временной области. Это также не вполне корректно: 1) r_{xy} , в частности, достаточно линейно зависит от присутствия в сигналах шума, а зависимость γ^2 от уровня шума выражено нелинейная; 2) значения r_{xy} , в отличие от γ^2 , не зависят от амплитудных соотношений сигналов; 3) квадратичная форма r_{xy} практически не используется; 4) диапазон значений r_{xy} составляет ± 1 , а γ^2 — $0 \div 1$.

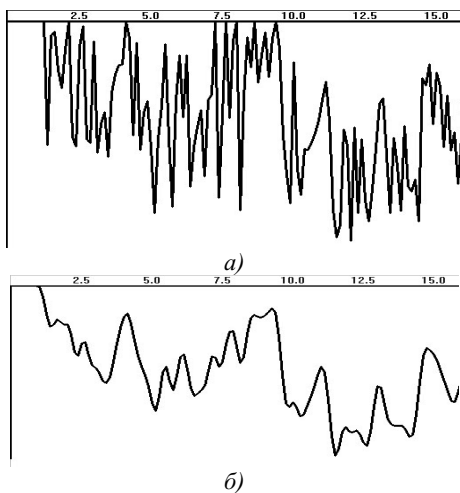


Рис. 4.28. Когерентность ЭЭГ, вычисленная с усреднением на 8 эпохах длиной 8 с:

a — исходная; *б* — сглаженная 3 раза

Как видно из рис. 4.28*a*, когерентность, как и фаза, подвержена частым и высоким случайным колебаниям. Здесь сказывается влияние эффектов модуляции и вытекания мощности, в результате чего векторы спектральных гармоник на соседних эпохах заметно «гуляют» по фазе.

Для нивелирования стохастичности применяют сглаживание когерентности скользящим средним (рис. 4.28*б*). В данном случае на низких частотах когерентность равна единице, и наблюдаются достаточно высокие ее пиковые значения на отдельных частотах

в диапазонах тета, альфа и бета-1.

Следует также обратить внимание на то, что в некоторых ЭЭГ-анализаторах когерентность вычисляется по одной эпохе с усреднением соседних гармоник кросс-спектра скользящим окном заданной ширины (метод Даньелла). Это идет со времен некомпетентного

внедрения математических методов в электрофизиологию техническими энтузиастами (см. разд. 1.2). Отметим, что статистические свойства такой «псевдокогерентности» совершенно не определены, а ее использование нисколько не лучше измерения длины удава в попугаях.

Кроме того, когерентность предъявляет повышенные требования к точности вычислений. В этом плане малые значения амплитуд спектров вычисляются недостаточно точно, поскольку исходные данные представляются только самыми младшими разрядами результата АЦП. Отсюда возникают дополнительные случайные флуктуации когерентности во всем диапазоне ее значений. В случае же нулевых значений спектра когерентность вообще не определена.

Многочисленные недостатки и погрешности когерентного анализа приводят к тому, что результаты, получаемые в различных направлениях исследований ЭЭГ, являются несопоставимыми и прямо противоречащими друг другу (см. во вводных обзорах [49, 50, 52-54]). Однако, сила традиции, в том числе и в плане научных заблуждений, очень велика и переломить ее далеко не просто и быстро.

Когерентная мощность $H_1(f)$ (*передаточная функция* или *частотная характеристика*) является еще одним показателем, оценивающим связь двух процессов и используемым в отдельных исследованиях ЭЭГ. Она определяет часть спектральной мощности, которая когерентно (синфазно) передается от одного процесса $x(t)$ к другому $y(t)$:

$$H_1(f) = \frac{|E[XY(f)]|^2}{E[|X(f)|^2] \cdot E[|Y(f)|^2]} = \gamma(i) \cdot E[|Y(f)|^2] \cdot \quad (4.11)$$

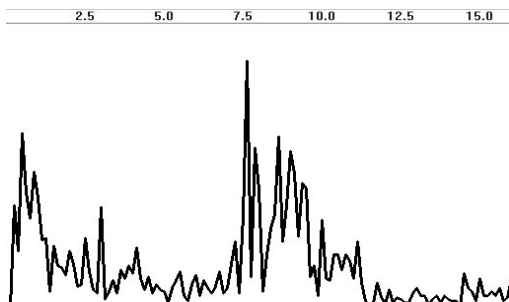


Рис. 4.29. Когерентная амплитуда связи двух отведений ЭЭГ

Тем самым $H_1(f)$ по сравнению с когерентностью учитывает еще и амплитудное соотношение гармоник (в мкВ^2), в чем состоит ее определенное преимущество. По вышеприведенным соображениям предпочтительнее использовать оценку в мкВ когерентной амплитуды

$A_{x \rightarrow y}(f)$ или корень квадратный из $H_1(f)$. Как видно из рис. 4.29, пиковое значение $A_{x \rightarrow y}(f)$ наблюдается не только на доминирующей частоте альфа-диапазона, но и в дельта-диапазоне, повышенная взаимная активность в котором наблюдалась и в амплитуде кросс-спектра (см. рис. 4.23a). На спектре $A_{x \rightarrow y}(f)$ менее проявлены случайные флуктуации,

свойственные когерентности (рис. 4.28а), но присущи и аналогичные недостатки.

Корреляционная синхронность

В качестве альтернативы когерентности были предложены показатели [49], оценивающие синхронность ЭЭГ процессов по величине корреляций между: нативными ЭЭГ, амплитудными и фазовыми спектрами и огибающими ЭЭГ. Как свидетельствуют сравнения этих показателей [49], наиболее эффективным в плане чувствительности к межгрупповым различиям является использование огибающей ЭЭГ (см. также в разд. 4.4.7).

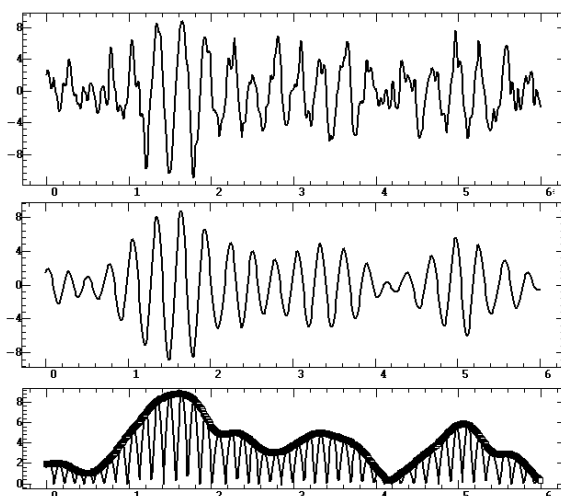


Рис. 4.30. Сверху вниз: фрагмент ЭЭГ, фильтрация альфа-ритма, огибающая альфа-ритма на фоне абсолютных значений ЭЭГ

Огибающая ЭЭГ непосредственно представляет динамику амплитудной модуляции ЭЭГ (рис.4.30) поэтому в качестве оценки синхронности, в отличие от спектральных оценок, включая когерентность, она имеет прямой и четкий физиологический смысл. Поскольку ЭЭГ суммарно отражает изменение постсинаптических потенциалов, то амплитуда ЭЭГ повышается, когда эти потенциалы начинают изменяться с большей синхронностью. Таким образом, корреляция огибающих оценивает степень синхронности в синхронности/асинхронности изменении постсинаптических потенциалов в сравниваемых парах отведений.

Как показали результаты ряда специальных исследований [49, 50, 52-54] использование оценок корреляционной синхронности огибающих ЭЭГ позволяло выявлять межгрупповые различия со значительно большей эффективностью, чем в случае использования других показателей. При этом в большинстве случаев надежность межгрупповой классификации приближается к 100%.

4.4.4. Периодометрический анализ

Периодометрический анализ возник и получил широкое распространение в докомпьютерную эпоху, когда доминировали ручные измерения на бумажных записях ЭЭГ. Однако он не потерял своей значимости и в настоящем, позволяя во многом дополнять и уточнить результаты спектрального анализа.

Периодометрический анализ ставит своей целью исследование распределения амплитуд и частот заданного ритма и вычисление для них основных статистических оценок. Под ритмом понимаются гармонические колебания в любом заданном частотном диапазоне. Собственно анализ предваряет фильтрация с выделением из сигнала гармонических составляющих в заданном частотном диапазоне (рис. 4.31).

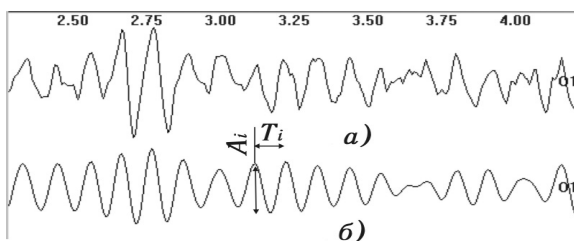


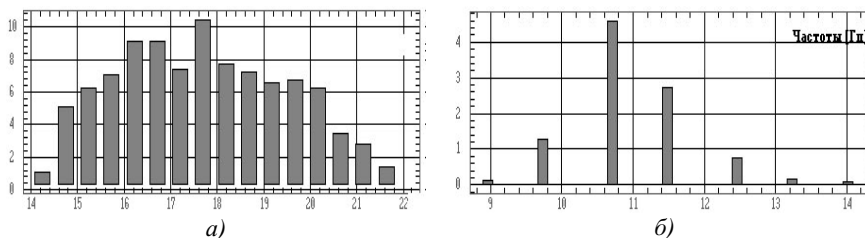
Рис. 4.31. Периодометрический анализ:

а — исходный ЭЭГ-сигнал; *б* — результат фильтрации с полосой пропускания в альфа-диапазоне

По отфильтрованному сигналу вычисляются амплитуды A_i и периоды T_i ($i=1-n$) волновых колебаний. Для статистической значимости последующих оценок необходимо, чтобы $n \geq 20-30$, что определяет минимальный временной интервал наблюдения. Так, в случае альфа-ритма длина эпохи анализа должна быть не менее 2 с, тогда при средней частоте ритма 10 Гц будет присутствовать порядка 20 периодов ритма.

Важным является также присутствие в сигналах амплитудной модуляции, поэтому для корректности статистических оценок необходимо измерять как положительные, так и отрицательные амплитудные перепады.

По вычисленным значениям строятся гистограммы распределения амплитуд и периодов (или частот $f_i = 1/T_i$) ритма (рис. 4.32) с вычислением средних значений и стандартных отклонений.



24.32. Гистограммы распределения:
 а — амплитуд ритма; б — частот ритма

Далее вычисляются следующие показатели:

- процент содержания ритма в записи на основе общей длительности ΣT периодов колебаний, соответствующих данному ритму;
- процент модулированного ритма, т. е. относительное содержание в ΣT длительности участков ритма, включающих не менее трех периодов с последовательно возрастающими или последовательно убывающими амплитудами;
- средняя нестабильность частоты ритма, вычисляется по средней абсолютной разности между длительностью соседних периодов $\Delta f = 1/(\Sigma |T_{i+1} - T_i| / n)$;
- асимметрия волн ритма как средняя разность между длительностями положительных и отрицательных перепадов амплитуды.

Особо следует подчеркнуть, что результаты периодометрического анализа являются натуральными, естественными оценками амплитудных и частотных характеристик сигнала (такой же натуральной оценкой амплитуды ЭЭГ является огибающая, см. в след. разд.). В этом состоит важное преимущество перед спектральными показателями, являющимися косвенными оценками, при этом подверженными влиянию ряда инструментальных погрешностей.

Проведенные нами метрологические сравнения показали, что подобные прямые натуральные оценки являются более адекватными специфике ЭЭГ-сигналов, а спектральные оценки привносят существенные искажения случайного характера.

4.4.5. Топографическое картирование

Методы топографического представления распределения потенциалов на поверхности головного мозга в западном мире начали развиваться и внедряться в физиологию в середине 50-х годов. Вскоре, благодаря пионерским работам М.Н. Ливанова по энцефалоскопии, это методы начали развиваться и в СССР. Однако в начале 90-х после перевода довоенных японских научных журналов выяснилось, что японские ученые значительно опередили своих западных коллег, приступив к созданию

ЭЭГ–топографии еще в начале 40–х годов. После появления растровых дисплеев для ПЭВМ данный метод постепенно приобрел (с 1979 г.) современную форму цветного топографического картирования.

Постановка задачи. Основной задачей картирования является предоставление электрофизиологу адекватной и быстро зрительно воспринимаемой картины распределения значений заданного ЭЭГ–показателя на скальпе. Точные значения ЭЭГ–показателя известны только в местах наложения электродов, межэлектродное же пространство представляет собой область неизвестного, своеобразное «белое пятно». С другой стороны, специальные физиологические исследования показывают, что при расстоянии между электродами 2–4 см получаемая картина распределения является достаточно адекватной и гладкой, поскольку области пиковых значений ЭЭГ–показателя охватывают значительно большее пространство. Таким условиям отвечает стандартная схема наложения электродов «10–20%». Таким образом, математическая задача картирования состоит в адекватной интерполяции измеренных значений ЭЭГ–показателя на окружающее межэлектродное пространство.

Подходы. К решению этой задачи может быть много подходов. Так, в первых мощных математических пакетах *Sirfer* (научная графика) и *IMSL* (статистика) для DOS использовались достаточно сложные и многоступенчатые алгоритмы: сначала на точках измерения строился минимальный граф (без пересекающихся ребер), после чего интерполяция производилась по ребрам этого графа, а затем она пошагово распространялась на внутриграфовые области с последующим сглаживанием. В зависимости от сложности вычислений могла использоваться линейная, параболическая или сплайновая интерполяция. С другой стороны, при создании некоторых ЭЭГ–анализаторов (в том числе и современных) привлекаемые технические энтузиасты применяли собственные оригинальные творческие решения, поэтому выдаваемые там карты подчас имеют довольно экзотический вид, своеобразно «улучшающий» реальное распределение потенциалов.

Полевой метод. В противовес этому и в целях упрощения и унификации еще в первой версии CONAN–1.5 (1993 г.) был реализован *полевой метод* картирования, который представляется естественным, простым, понятным и универсальным.

Он следует из фундаментальных физических законов обратных квадратов для распределения потенциалов гравитационного (Ньютон), электрического (Кулон) и ряда других полей. Согласно этому методу измеренные значения ЭЭГ–показателя под электродами e_i , $i=1-n$ рассматриваются как источники поля (заряды), тогда напряженность поля e_k в любой k -й точке скальпа (рис. 4.33а) вычисляется по формуле:

$$e_k = \sum_{i=1}^n \frac{e_i}{r_{ik}^2},$$

(4.14)

где r_{ik} — расстояния от «зарядов» до промежуточных точек.

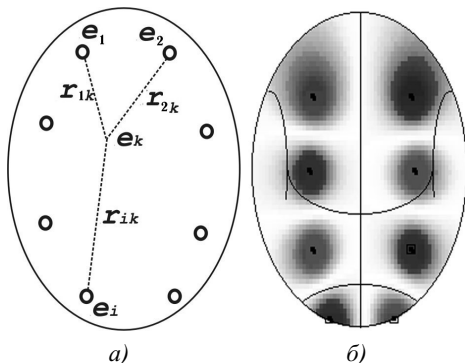


Рис. 4.33. Полевой метод картирования:
а — принципиальная схема; б — пример
условной карты с шахматным
чередованием минимумов и максимумов (в
черно-белом изображении они выглядят
одинаково темно)

В одномерном приближении этот метод дает результат, близкий к интерполяции кубическими сплайнами при значительно меньшем объеме вычислений. Тем самым он не привносит ничего лишнего и постороннего в топографическую картину, лишь сглаженно распространяя измеренные значения ЭЭГ-показателя и тем самым делая их доступными для целостного и моментального зрительного восприятия исследователем, в чем собственно и состоит главная

цель картирования.

Обычно для визуализации карт используется полицветная шкала от синего к красному (радужная шкала), которая масштабируется по наблюдаемому диапазону значений картируемого показателя.

Картирование может производиться по каждому из выше рассмотренных ЭЭГ-показателей или любому другому с использованием нескольких форм визуального представления. Их перечень приведен в начале раздела.

Картотека

Общее назначение картотеки охарактеризовано в начале раздела. Основными ее функциями является усреднение и сравнение карт.

Усреднение значений картируемого показателя производится по каждому отведению для однородных карт (у которых одинаковы система отведений, ЭЭГ-показатель, частотные диапазоны, а также другие показатели по выбору исследователя). Для усредненной карты запоминается число усреднений, средние значения показателей и их дисперсии.

Последовательности значений ЭЭГ-показателя двух карт по отведениям в определенном приближении можно рассматривать как парные, не

нормально распределенные выборки. Поэтому для оценки статистических различий двух карт (нативных, усредненных) целесообразно использовать непараметрические статистические критерии: а) парных различий в средних выборочных значениях (Вилкоксона); б) интегральных различий в форме распределения (Колмогорова–Смирнова); в) непараметрическая корреляция (Спирмана). В зависимости от того, какие различия исследователю представляются более важными, он преимущественно ориентируется на тот или иной критерий.

При сравнении нативной и усредненной карт имеется также возможность оценки различий дифференцированно по парам отведений с использованием Z -значений — разность двух значений показателя, деленная на стандартное отклонение. В качестве делителя можно с определенным приближением использовать среднее из двух стандартных отклонений. При интерпретации результатов в первом приближении можно ориентироваться на свойства нормального распределения, где вероятности Z -различий составляют: $Z \geq 1$ — 0,16; $Z \geq 2$ — 0,026; $Z \geq 3$ — 0,0028. Критическое Z -значение для уровня значимости различий 0,05 составляет $Z_{кр} = 1,65$. Для наглядного визуального представления результатов сравнения обычно строят карту различий в Z -значениях.

4.4.6. Корреляционный анализ

Корреляционный анализ включает вычисления коэффициентов корреляции, а также авто- и кросскорреляционных функций. В докомпьютерном прошлом корреляционный анализ был широко распространен как заместитель спектрального анализа в связи с доступностью аналоговых вычислителей. В современности модификация метода находит применение в качестве коррелятора для поиска образов.

Коэффициент корреляции (КК) Пирсона (параметрический) является индикатором *линейной связи* между парными переменными или парными выборками X и Y и применяется в случае нормально распределенных исходных данных. Он вычисляется как отношение ковариации двух переменных к их стандартным отклонениям:

$$r_{xy} = \sigma_{xy} / (\sigma_x \sigma_y).$$

(4.15)

Значение, близкое к +1 или -1, говорит о сильной прямой или обратной корреляции. Значение, близкое к 0, указывает на отсутствие линейной связи, но не исключает возможности нелинейной связи между переменными. Высокая корреляция не обязательно означает наличие *причинной связи* между переменными, поскольку обе они могут зависеть от третьей переменной (аналогично вышерассмотренным кросс-спектральным характеристикам, см. рис. 4.21).

В данном случае в качестве парных выборок выступают два участка равной длительности, относящиеся к одному ЭЭГ-отведению (*автокорреляция*) или к двум отведениям (*кросскорреляция*). Высокая положительная корреляция означает синфазность или синхронность изменения двух сигналов, когда увеличению одного сигнала соответствует увеличение другого сигнала, и так же в отношении уменьшения сигналов. Высокая отрицательная корреляция означает синхронную противофазность сигналов, когда увеличению одного сигнала соответствует уменьшение другого. При асинхронном изменении сигналов корреляция будет близка к нулю.

Значимость КК оценивается по критерию Стьюдента с вычислением критического значения:

$$r_{кр} = \frac{T^2}{n - 2 + T^2}; \quad (4.16)$$

где $T = r_{xy} \sqrt{\frac{n - 2}{1 - r_{xy}^2}}$ — статистика Стьюдента с $n - 2$ степенями свободы.

ды.

Если $r_{xy} < r_{кр}$, коэффициент корреляции считается незначимым (не отличным от нуля).

Корреляционная функция (КФ) представляет собой зависимость коэффициента корреляции $r_{xy}(\tau)$ между двумя участками сигнала x , y в зависимости от временного сдвига τ между ними. Если участки относятся к одному сигналу, то функция называется *автокорреляционной*, если же участки относятся к разным сигналам, то — *кросскорреляционной*.

Определение. В математической теории КФ определяется через интегралы применительно к непрерывным и *стационарным* сигналам бесконечной протяженности.

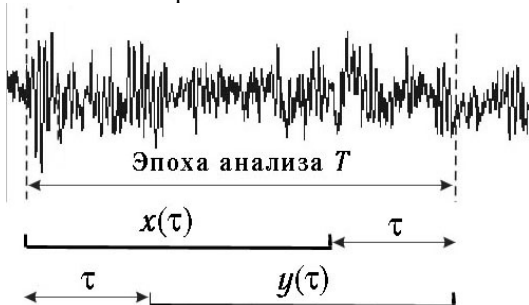


Рис. 4.34. Вычисление «классической» корреляционной функции

В технических приложениях это определение было модифицировано применительно к сигналам дискретизованным и ограниченной протяженности следующим образом (рис. 4.34). Выбирается эпоха анализа T из имеющейся реализации сигнала. На этой эпохе в зависимости

от временного сдвига τ для вычисления коэффициента корреляции $r_{xy}(\tau)$ выбираются два участка: а) $x(\tau)$ на начальном участке эпохи анализа $\Delta t=0-T-\tau$; б) $y(\tau)$ на конечном участке эпохи анализа $\Delta t=\tau-T$. Для определенности далее будем называть такой способ вычисления КФ *техническим*.

В докомпьютерную эпоху этот метод был перенесен в электрофизиологию техническими энтузиастами без критического осмысления. В свое время это вызвало много обсуждений и вопросов, например, при каком τ заканчивать вычисления?

Недостатки. Однако при таком переносе метода было упущено из внимания главное: при разных τ мы имеем дело с участками разной протяженности! А для сопоставимости коэффициентов корреляции это допустимо только в случае стационарности процессов, которые сохраняют свои статистические свойства (в частности, среднее значение и дисперсию) на всей своей протяженности. В случае же ЭЭГ мы имеем субстанциально нестационарный процесс, и его участки разной длительности имеют разные статистические свойства. Важным также является зависимость критического значения коэффициента корреляции от размера выборки. Поэтому равные величины на одном краю КФ могут быть значимы, а на другом — нет. Еще одной неадекватностью *технического* определения КФ является то, что при вычислении $r_{xy}=\sigma_{xy}/(\sigma_x\sigma_y)$ ковариация σ_{xy} вычисляется на каждом шаге для отрезков длиной $T-\tau$, а σ_x и σ_y — однократно для всей эпохи T .

Интервальная КФ. Исходя из этого, еще в первой версии CONAN-1.5 (1993 г.) была предложена модификация вычислений, названная *интервальной КФ* (рис. 4.35).

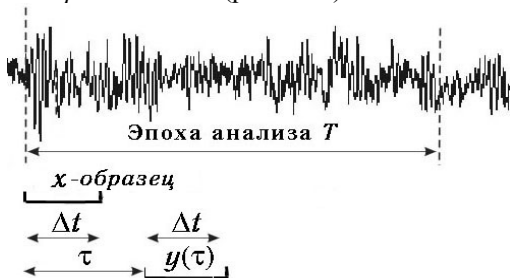


Рис. 4.35. Вычисление интервальной корреляционной функции

На реализации сигнала выбирается фиксированный *корреляционный образец* x длиной Δt , от которого позиционируется эпоха анализа T . Для вычисления корреляций с образцом x при каждом τ берутся равноразмерные участки y , сдвинутые относительно x на величину τ .

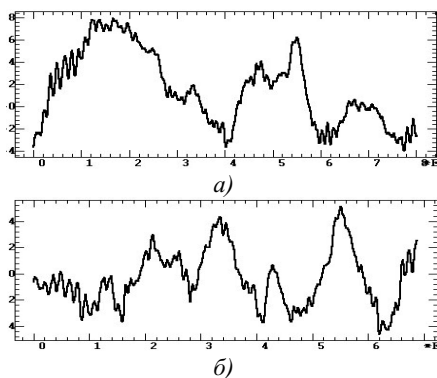


Рис. 4.36. Корреляционные функции
ЭЭГ-сигнала рис. 4.35:
а — классическая; б — интервальная

Сравнение. Различие двух методов вычисления КФ иллюстрирует рис. 4.36. Для *технической* КФ (рис. 4.36а) при небольших сдвигах могут наблюдаться высокие значения вследствие большой длительности отрезков и незначительности их интегральных различий. С увеличением сдвига характерно систематическое уменьшение значений КФ в связи с уменьшением длины отрезков и возрастанием их интегральных различий. Интервальная же КФ

периодически повторяет высокие значения при сдвиговых воспроизведениях образца (рис. 4.36б). В отличие от *технической* КФ для интерпретации динамики интервальной КФ легко найти визуальные основания. Так, например, начальные малые значения КФ на рис. 4.36б определены резким изменением ритмики сигнала на начальном временном участке рис. 4.35.

Тем самым интервальная КФ является удобным средством выявления доминирующих корреляций и их *лагов* (задержек). Высокие корреляции будут наблюдаться тогда, когда при некотором временном сдвиге ритмика участка ЭЭГ будет хорошо повторять ритмику образца. В случае кросскорреляции это может интерпретироваться как задержки в передаче взаимодействия от одного процесса к другому. В случае автокорреляции высокие значения КФ могут интерпретироваться как повторения заданного функционального состояния. В частном же случае корреляционная функция может использоваться для поиска в сигналах заданных характерных *образцов*.

Следует подчеркнуть, что коэффициент корреляции и корреляционная функция позволяют отчетливо выявлять степень аутентичности лишь доминирующих (обычно низкочастотных) ритмов, однако это ограничение может быть в значительной степени снято посредством предварительной низкочастотной режекции. Кроме того, этот метод позволяет уловить более быстротечные изменения синхронности двух процессов, чем кросс-спектральные характеристики, поскольку для своего вычисления он допускает значительно более короткие временные отрезки.

4.4.7. Фильтрация, огибающая, сглаживание

Фильтрация предназначена для выделения из сигнала интересующего исследователя диапазона частот и удаления шумовых или не представляющих интереса составляющих. При анализе экспериментальных данных используются цифровые фильтры, реализованные вычислительными средствами. Наиболее употребительны фильтры Баттерворда и Чебышева–1,2, которые являются эквивалентами одноименных и популярных аналоговых фильтров. Эти фильтры пропускают гармонические колебания без искажения их формы. Однако в результате фильтрации возникают амплитудные и фазовые искажения.

Амплитудные искажения. Амплитудно–частотная характеристика (АЧХ) фильтра зависит от его типа и *порядка*. АЧХ представляет отношение амплитуд гармоник на выходе к амплитудам на входе фильтра в зависимости от частоты. На рис. 4.37 приведены АЧХ четырех фильтров с полосой пропускания 8—12 Гц (альфа–диапазон). В полосе пропускания АЧХ близка к 1 (гармоники пропускаются фильтром), а в полосе задержания — близка к 0 (гармоники подавляются по амплитуде).

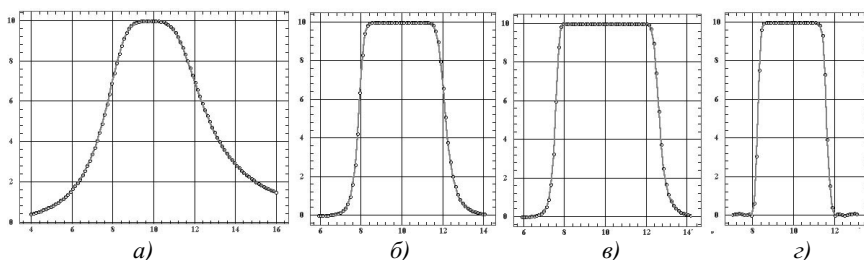


Рис. 4.37. Амплитудно–частотные характеристики фильтров с полосой пропускания 8–12 Гц:

a — Баттерворда 2-го порядка; *б* — Баттерворда 8-го порядка; *в* — Чебышева–1 8-го порядка; *з* — Чебышева–2 8-го порядка

На границах полосы пропускания (*частоты среза*) наблюдается спад АЧХ, крутизна которого (*крутизна среза*) увеличивается с повышением порядка фильтра. Как видно из сравнения рис. 4.37*а* и *б*, фильтр Баттерворда 2-го порядка по сравнению с фильтром 8-го порядка имеет заметно более пологие срезы АЧХ.

В связи с конечной крутизной срезов имеют место два искажения: 1) в сигнале частично подавляются гармоники (уменьшается их амплитуда), близлежащие к частоте среза со стороны полосы пропускания; 2) частично пропускаются гармоники (с уменьшением их амплитуды), близлежащие к частоте среза в полосе задержания.

Фильтры Баттерворда сохраняют определенный баланс между этими двумя искажениями. Фильтр Чебышева–1 минимизирует первую погрешность, его АЧХ во всей полосе пропускания близка к 1 (рис. 4.37*в*).

Фильтр Чебышева–2 минимизирует вторую погрешность, его АЧХ во всей полосе задержания близка к 0 (рис. 4.37з). В целом фильтры Чебышева при том же порядке имеют большую крутизну среза, чем фильтры Баттерворда. Фильтрам Чебышева свойственны также небольшие нелинейности АЧХ в полосах пропускания или задержания, величина которых регулируется специальным параметром.

Фазовые искажения являются одним из основных погрешностей, присущих классической фильтрации. Они являются следствием метода последовательного приближения, на котором базируется фильтрация, а именно: чтобы в любой момент времени t оценить амплитуду i -й гармонической составляющей сигнала с периодом T_i необходимо ее наблюдать в течение T_i с момента t . Тем самым каждая гармоника в результате фильтрации приобретает задержку во времени или фазовый сдвиг, пропорциональный T_i или $1/f_i$, т. е. обратно пропорциональный частоте гармоники f_i . На фазовые искажения также влияет порядок фильтра и полоса частот.

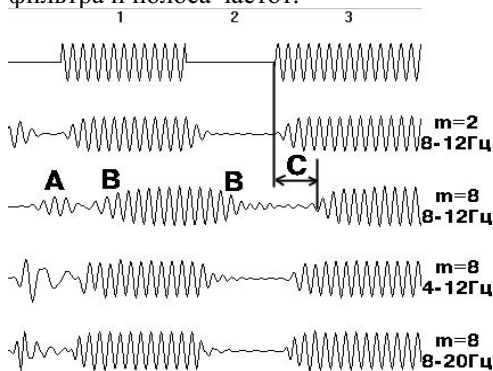


Рис. 4.38. Фазовые искажения при фильтрации:

канал 1 — исходный сигнал частотой 11 Гц;
каналы 2–5 — результаты фильтрации в разных частотных диапазонах фильтрами Баттерворда m -го порядка; обозначения искажений: А — начального приближения; В — переходные при смене характера сигнала; С — временной сдвиг

Сложный характер фазовых искажений удобно продемонстрировать на упрощенном модельном примере рис. 4.38. На канале 1 приведен полигармонический сигнал с двумя участками нулевой амплитуды, а на каналах 2–5 показаны результаты фильтрации различными фильтрами. Здесь присутствуют искажения начального приближения (А), переходные амплитудные искажения при резкой смене характера сигнала (В) и постоянный временной фазовый сдвиг (С). Фазовые и переходные искажения увеличиваются с повышением

порядка фильтра (ср. каналы 2 и 3). Для гармоник, лежащих в середине полосы пропускания, эти искажения уменьшаются при расширении полосы как в сторону низких, так и в сторону высоких частот (каналы 4, 5).

Фурье-фильтрация. Указанные погрешности классической фильтрации побудили уже в первой версии CONAN–1.5 (1993г.) предложить новый для электрофизиологии метод *Фурье-фильтрации*,

основанный на использовании двукратного Фурье–преобразования. После первого преобразования сигнала в частотную область из комплекснозначного спектра удаляются гармоники в заданном диапазоне частот, после чего обратным Фурье–преобразованием по усеченному таким образом спектру восстанавливается отфильтрованный сигнал во временной области.

Принципиальными достоинствами такого метода по сравнению с классическими фильтрами являются:

- практически полное отсутствие фазовых искажений;
- практически бесконечная крутизна среза, вследствие чего частотная характеристика фильтра близка к прямоугольной — полное подавление гармоник в полосе задержания и отсутствие искажений в полосе пропускания;
- минимальные амплитудные искажения, имеющие место только на границах полосы задержания за счет незначительного влияния эффектов *утечки* и амплитудной модуляции, уменьшающегося с увеличением разрешения по частоте.

Применение в практике. При регистрации сигналов в реальном времени нет альтернативы классическим фильтрам, поскольку для Фурье-фильтрации требуется значительный интервал накопления отсчетов амплитуды. Погрешности начального приближения ликвидируются посредством включения регистрации сигналов по максимальному числу каналов сразу с момента запуска программы ЭЭГ-анализатора. Фазовые искажения в значительной степени нивелируются использованием фильтров наинизшего 2-го порядка и широкой полосой фильтрации (не менее 0.5-32 Гц).

При постэкспериментальном анализе преимущество имеет Фурье-фильтрация, особенно, если она сразу применяется к длительному интервалу наблюдения, обеспечивая высокое частотное разрешение. При использовании классических фильтров применяют двойную, прямую и затем обратную фильтрацию (с начала и с конца интервала наблюдения), в результате чего исключаются погрешности временного сдвига, существенно снижаются фазовые искажения, но остаются небольшие по длительности искажения начального приближения на обоих концах интервала наблюдения.

Огибающая представляет собой положительно определенную функцию, которая в некотором смысле «огibaет» положительные и инвертированные негативные колебания сигнала (рис. 4.39б).

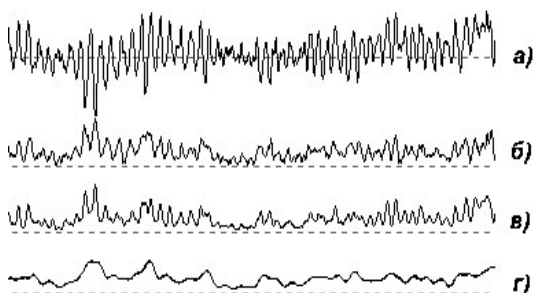


Рис. 4.39. Иллюстрация огибающей:
 а — исходный сигнал; б — огибающая; в —
 абсолютная величина сигнала с 10 сглаживаниями;
 г — огибающая после удаления низких частот

Математически огибающая определяется как модуль аналитической функции (комплекснозначной), действительная часть которой равна сигналу, а мнимая часть получена из действительной преобразованием Гильберта. В свою очередь преобразование Гильберта может быть реализовано двукратным

преобразованием Фурье, когда перед обратным преобразованием все спектральные гармоники сдвигаются по фазе на 90° .

Поясним последнее на фазовой плоскости (рис. 4.14). При сдвиге вектора на 90° он перемещается из первого во второй квадрант. При этом его проекции на оси меняются местами: по вертикальной оси проекция a , по горизонтальной оси проекция с обратным знаком $-b$. В вычислительном плане процедура состоит в следующем. Как было отмечено в разд. 4.4.1, в результате ДПФ-преобразования получается вектор-массив из двух частей, содержащих проекции a_f и проекции b_f гармоник для последовательных частот f . Чтобы сдвинуть их по фазе на 90° , значения a_f переносятся во вторую часть массива, а значения b_f с обратным знаком переносятся в первую часть массива. Затем этот массив подвергается ДПФ-преобразованию, в результате чего и получается требуемый сигнал во временной области (мнимая составляющая аналитического сигнала). Далее значения огибающей для каждого момента времени вычисляются как корень квадратный из суммы квадратов амплитуд двух составляющих аналитического сигнала.

Отметим также, что близкий к огибающей результат может быть получен взятием абсолютного значения сигнала и несколькими сглаживаниями результата (рис. 4.39в). Действительно, сдвиг гармоник по фазе на 90° в некотором смысле подобен инвертированию отрицательных амплитуд сигнала.

Огибающая, в частности, полезна при анализе быстроменяющихся периодических сигналов благодаря следующим своим свойствам: 1) площадь под участком огибающей представляет мощность сигнала на этом участке; 2) после фильтрации с удалением высоких частот (рис. 4.39г) огибающая отражает изменение амплитудной модуляции сигнала, которая далее может быть исследована средствами спектрального или периодометрического анализа (см. также в разд. 4.4.3).

Физиологический смысл. Огибающая имеет важный физиологический смысл. Поскольку ЭЭГ суммирует изменения постсинаптических потенциалов, то амплитуда ЭЭГ увеличивается, когда эти потенциалы начинают изменяться с большей синхронностью. Поэтому огибающая, представляя амплитудную модуляцию ЭЭГ, тем самым отражает степень синхронности в изменении постсинаптических потенциалов.

Кроме того, огибающая представляет прямую натуральную оценку амплитуды ЭЭГ (наряду с результатами периодометрического анализа), в чем состоит ее преимущество перед косвенными спектральными оценками, приносящими существенные искажения случайного характера.

Сглаживание обычно применяется как эквивалент фильтрации для удаления из сигналов и их спектров высокочастотных колебаний (шумов, наводок). Наиболее эффективен метод параболического сглаживания скользящим средним по трем точкам, когда амплитуды сигнала преобразуются по формуле:

$$x_{i+1} = (x_i + 2x_{i+1} + x_{i+2})/4, \quad i=1 \dots n-2. \quad (4.17)$$

При необходимости такая процедура сглаживания может выполняться многократно. Примеры сглаживания: рис. 4.39*в* — применительно к ЭЭГ; рис. 4.21*в* и рис. 4.28*б* — применительно к спектрам ЭЭГ.

4.4.8. Нормопатологическая классификация ЭЭГ

Метод нормопатологической классификации ЭЭГ ставит своей целью дать словесное заключение по основным характеристикам ЭЭГ–активности. Его основы были заложены в 1965 г. работами Е.А. Жирмунской на основе обобщения обширнейшего клинического материала (описание метода см. в [7]). В середине 90–х А.Я. Капланом был предложен ряд уточнений по вычислительным критериям этого метода. С этими уточнениями метод обычно и реализуется.

Исходным материалом для анализа является запись ЭЭГ, выполненная по восьми отведениям *F3, F4, C3, C4, P3, P4, O1, O2* на стандартную пробу «закрытые глаза» в течение 1 минуты. Для анализа запись разбивается на 30 эпох анализа по 2 секунды каждая. По каждой эпохе проводится спектральный анализ и периодометрический анализ в четырех частотных диапазонах: дельта, тета, альфа и бета–1. По результатам анализа в словесной форме оцениваются следующие компоненты ЭЭГ–активности:

1. Степень нарушения ЭЭГ: 1) не определена; 2) норма; 3) легкая; 4) умеренная; 5) значительная; 6) грубая; 7) очень грубая.

2. Главные компоненты ЭЭГ: 1) бета–активность; 2) альфа–активность; 3) тета–активность; 4) дельта–активность; 5) смешанная; с амплитудой: а) очень низкая; б) низкая; в) средняя; г) высокая; д) очень высокая.
3. Характеристика альфа–активности: 1) отсутствует; 2) одиночные волны; 3) редкие группы волн; 4) хорошо представлена: а) регулярная по частоте, модулированная; б) регулярная по частоте, без модуляции; в) слегка дезорганизованная; г) заметно дезорганизованная; д) резко дезорганизованная; 5) зональные различия: а) не определены; б) хорошие; в) слегка сглаженные; г) сильно сглаженные/извращенные.
4. Оценка бета–1 активности: 1) нет; 2) мало; 3) много; 4) очень много.
5. Оценка медленноволновой активности: 1) практически отсутствует; 2) тета–активность выражена: а) слабо; б) умеренно; в) сильно; 3) дельта–активность выражена: а) слабо; б) умеренно; в) сильно.
6. Очаговые изменения ЭЭГ (по частотным диапазонам и отведениям): депрессия, активность, асимметрия.

Со времени своего опубликования метод продемонстрировал высокую эффективность в качестве средства первичной экспресс–диагностики и сравнимых по значимости альтернативных разработок в этом направлении не появилось.

4.4.9.Трехмерная локализация ЭЭГ–источников

Трехмерная локализация ЭЭГ–источников ставит своей целью поиск областей активности в глубинных структурах головного мозга. Исходная гипотеза состоит в том, что именно активностью таких центров и создается наблюдаемая на скальпе картина распределения различных ЭЭГ–показателей (в этом качестве может фигурировать любой из показателей, перечисленных на рис. 4.13, а также амплитуды вызванных потенциалов). Действительно, стволовые и подкорковые центры является теми узловыми пунктами, через которые проходит к коре вся афферентная иннервация. С другой стороны, неисчислимы нервные пути связывают каждый такой центр со всеми областями коры головного мозга. Этот эффект существенно усиливается за счет объемного проведения потенциала в жидкостной среде мозга от источника до скальпа.

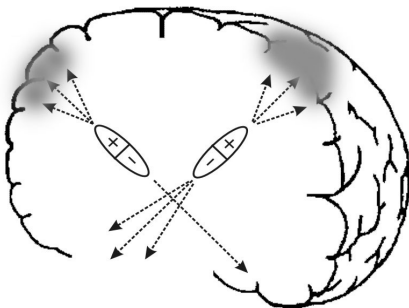


Рис. 4.40. Дипольная модель
ЭЭГ-источников

Другое предположение состоит в том, что корковые проекции активности нервного центра могут быть смоделированы посредством дипольных источников, имеющих два полюса положительного и отрицательного узконаправленного излучения (рис. 4.40). Одной из предпосылок к такой модели является то, что диполем можно смоделировать сразу и положительную и отрицательную активность, наблюдаемую в ЭЭГ. Другая

предпосылка состоит в том, что электрически активные области мозговых структур обычно включают достаточно близко расположенные положительный и отрицательный полюса.

Вычисление распределения ЭЭГ-источников производится численным итерационным методом пошагового приближения. Исходными данными для моделирования являются: а) картина распределения на скальпе избранного ЭЭГ-показателя в конкретный момент времени; б) число дипольных источников; г) желаемая точность приближения, определяющая окончание вычислений.

Поясним кратко процедуру вычислений. Положение диполя в пространстве определяется шестью параметрами: тремя линейными координатами, двумя угловыми и величиной дипольного момента. В начале распределение диполей может быть выбрано произвольно. Далее начинается пошаговое изменение одного из параметров одного диполя таким образом и до тех пор, пока не будет достигнута максимальная точность совпадения картины проекции излучения диполя на скальп и наблюдаемой картины. Затем этот же процесс повторяется по оставшимся пяти параметрам данного диполя и так по всем диполям. После этого вся процедура итерационно повторяется до достижения желаемой точности совпадения проекции дипольных излучений и наблюдаемой картины. Несмотря на большой объем вычислений, весь процесс на гигагерцовом процессоре занимает считанные мгновения.

Существует несколько подходов к дипольному моделированию. Хронологически первым (в России), наиболее проработанным, обоснованным и экспериментально верифицированным следует признать подход В.В. Гнездицкого и Ю.М. Коптелова⁷, который позднее был

⁷ Гнездицкий В.В. Обратная задача ЭЭГ и клиническая электроэнцефалография. Таганрог: Медиком, 2000.

реализован в известном пакете *BrainLoc*. На данный подход ориентированы и большинство отечественных аналогов.

Результаты моделирования средствами *BrainLoc* были верифицированы многими исследователями на больных с различного типа патогенными внутримозговыми образованиями (опухоли, инсульты, травмы, воспаления). Полученные распределения дипольных источников качественно находились в согласии с томографическими картинками локализации подобного типа образований. Тем самым этот метод может служить альтернативным и недорогим в сравнении с томографией средством локализации очагов патологической ЭЭГ-активности. Однако в обосновании метода недостает всесторонней статистической и количественной верификации, которая могла бы ответить на следующие вопросы: а) каково среднее отклонение центра и размеров облака распределения дипольных источников от действительной локализации паталогических образований; б) каковы вероятностные распределения этих отклонений; в) какие ЭЭГ-показатели и в каких случаях наиболее адекватны в плане достоверной локализации.

Однако преимущества метода могут проявляться и в совершенно другом направлении, если его рассматривать просто как средство сжатия информации. Действительно, в результате его применения мы свертываем систему множественных отведений до единственного показателя — локализации фокуса ЭЭГ-источников. А это позволяет искать параметрические критерии дифференциации различных функциональных состояний и заболеваний.

4.4.10. Сегментный анализ

ЭЭГ по своей природе является глобально нестационарным процессом, применение методов частотного и корреляционного анализа к которому связаны с принципиальными ограничениями и не позволяют надежно идентифицировать различные функциональные состояния, личностные особенности и психические заболевания. Поэтому в последние годы внимание многих исследователей привлекает парадигма кусочно-стационарной структуры ЭЭГ, исходя из которой запись ЭЭГ структурируется на сегменты относительной стационарности (для альфа-ритма, например, от 0,1 до нескольких секунд) и ищутся критерии аутентичности таких сегментных структур с целью дифференциации различных состояний.

Главным концептуальным достижением сегментационного подхода явилось неожиданно открывшаяся исследователям довольно четкая временная структурированность ЭЭГ, гораздо более тонкая, чем обычные генерализованные перестройки ритмических компонентов, типа синхронизации-десинхронизации. Тем самым предположение об

организации ЭЭГ–сигнала из ограниченного набора элементарных паттернов (Remond, 1972 г.) нашло свое косвенное подтверждение⁸.

Первоначально в этой области разрабатывались методы так называемого *параметрического оценивания*, в частности авторегрессионной сегментации, которая состоит в следующем. Выбирается скользящее окно заданной ширины, в котором строится авторегрессионная модель ЭЭГ–процесса. Параметры начальной модели–эталоны сравниваются с параметрами модели для непрерывно движущегося по ЭЭГ окна. Как только рассогласование достигнет установленного порога, этот момент времени фиксируется как граница сегмента стационарности, и в качестве эталона рассчитывается новая модель по следующему участку ЭЭГ. Последующая классификация таких сегментов по спектрально–корреляционным признакам завершает кусочно–стационарное описание ЭЭГ.

Однако высокая нестационарность ЭЭГ–сигнала не позволяет построить достаточно надежную его математическую модель. Новая технология *непараметрической сегментации*, связанная с поиском так называемых «разладок» во временных рядах, не требует предварительного построения математической модели процесса. Одним из подходов здесь является статистическое оценивание участков, разделенных движущейся по ЭЭГ границей. Как только статистические различия достигают заданного уровня, соответствующая временная точка фиксируется как граница сегмента.

Другое направление состоит в использовании огибающей ЭЭГ⁹, по которой выделяются сегменты увеличения и уменьшения амплитуды колебаний в избранном частотном диапазоне. Далее такая сегментация используется для оценки синхронности подобных амплитудных изменений между различными парами отведений, что в свою очередь может служить инструментом для выявления конкретных межгрупповых различий¹⁰.

⁸ См. обзор: А.Я. Каплан. Проблема сегментного описания электроэнцефалограммы человека//Физиология человека. 1999. Т.25. №1.

⁹ А.Я. Каплан, А.А. Fingelkurts, А.А. Fingelkurts, S.V. Borisov, B.S. Darkhovsky. Nonstationary nature of the brain activity as revealed by EEG/MEG: methodological, practical and conceptual challenges//Signal processing. Special Issue: Neuronal Coordination in the Brain: A Signal Processing Perspective. 2005. №85.

А.Я. Каплан. Нестационарность ЭЭГ: методологический и экспериментальный анализ//Успехи физиологических наук. 1998. Т.29. №3.

¹⁰ Каплан А.Я., Борисов С.В., Желиговский В.А.. Классификация ЭЭГ подростков по спектральным и сегментным характеристикам в норме и при расстройстве шизофренического спектра//Журнал ВНД. 2005. Т.55. №4.

Борисов С.В., Каплан А.Я., Горбачевская Н.Л., Козлова И.А.. Структурная организация альфа–активности ЭЭГ подростков, страдающих расстройствами шизофренического спектра//Журнал ВНД. 2005. Т.55. №3.

Современным обобщением такого рода исследований явился поиск в записях ЭЭГ устойчивых топографических паттернов или характерных распределений значений избранного показателя по скальпу¹¹. В качестве таких показателей могут выступать как амплитудные оценки в отведениях, так и оценки синхронности между парами отведений. При таком подходе длительная запись ЭЭГ разбивается на короткие и перекрывающиеся друг друга во времени эпохи, на которых и вычисляются значения избранного показателя, распределение которого по скальпу дает локальную топографическую карту. Среди полученного множества карт устойчивые топографические паттерны выделяются по критерию высокой коррелированности карт. Для выделения классификации таких паттернов используются методы многомерной статистики: факторный, кластерный и дискриминантный анализ. Далее выделенные паттерны могут быть использованы для выявления конкретных межгрупповых различий.

¹¹ Dietrich Lehmann. Brain Electric Microstates and Cognition: The Atoms of Thought. In E. R. John et al. (eds.), *Machinery of the Mind*. Springer Science+Business Media New York 1990

Arjun Khanna, Alvaro Pascual-Leone, Christoph M. Michel, Faranak Farzan. Microstates in resting-state EEG: Current status and future directions. *Neuroscience and Biobehavioral Reviews* 49 (2015) 105–113

